

学生証番号 \_\_\_\_\_

氏名 \_\_\_\_\_

地球のマントルの中の対流が熱対流であると仮定して、以下の問に答えよ。

1. 対流による熱輸送の効率は以下で定義されるヌッセルト数  $Nu$  によってはかられる。

$$Nu = \frac{\text{対流による熱流量}}{\text{伝導による熱流量}} \quad (10.38)$$

マントル対流が運んでいる熱量が、現在の地表面での熱流量  $87 \text{ mW/m}^2$  に等しいと仮定すると、そのヌッセルト数  $Nu$  はいくらになると見積られるか。マントルの厚さを  $b = 2.9 \times 10^6 \text{ m}$ 、熱伝導率を  $k = 4 \text{ W/mK}$ 、マントル内の温度差  $\Delta T = 10^3 \text{ K}$  として計算せよ。

2. 対流による流れの速さ  $U$  とレイリー数  $Ra$  の間には

$$U = 0.078 \times \frac{\kappa}{b} \times Ra^{2/3}$$

という関係があるとする。ただし  $\kappa$  は流体の熱拡散率、 $b$  は流体の厚さである。マントル対流の速度が (プレート運動の速度とほぼ同じの)  $10 \text{ cm/年}$  と仮定して、上の関係式からマントル対流のレイリー数の大きさを見積ってみよ。ただしマントルの熱拡散率を  $\kappa = 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$  かつ  $b = 2.9 \times 10^6 \text{ m}$  として計算せよ。